

Bearbeitungszeit: 90 Min., Hilfsmittel: Taschenrechner, beiliegende Formelsammlung

Datum: 27.01.2015

Name (lesbar!): ..... Sem.: .....

Platz-Nr.: .....

Vorname: .....

Saal-Nr.: .....

Der gültige Studenausweis und ein Lichtbildausweis sind am Prüfungsplatz aufzulegen.

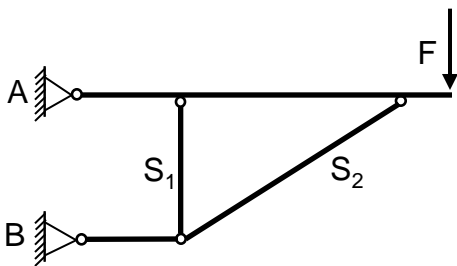
Unterschrift: .....

Aufsicht: .....

### Aufgabe 1: Graphisches Lösungsverfahren (11 Punkte)

Auf untenstehende Konstruktion wirkt eine äußere Kraft von  $F = 2 \text{ kN}$ . Ermitteln Sie graphisch:

- a) die Reaktionskräfte in beiden Lagern:  $[A = 5,3 \text{ kN}]$  ;  $[B = 4,8 \text{ kN}]$   
 b) Die Kräfte in den Bauteilen 1 und 2:  $[S_1 = 3,1 \text{ kN}]$  ;  $[S_2 = 5,8 \text{ kN}]$



Kräfteplan  
(Maßstab: 1cm = 1kN)

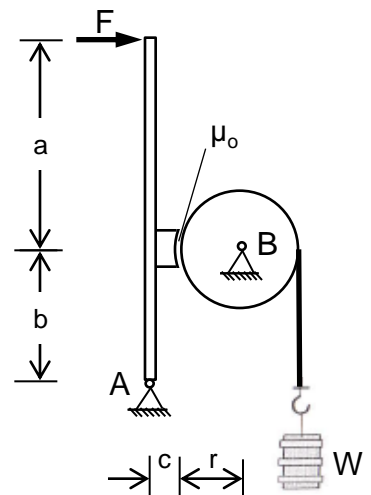
### Aufgabe 2: Mechanisches Gleichgewicht (9 Punkte)

Ein Gewichtskraft  $W$  zieht an einer in B reibungsfrei gelagerten Seilrolle. Diese kann durch den Hebel gemäß Skizze gebremst werden.

Geg.:  $W, \mu_0, a, b, c$

Bestimmen Sie die erforderliche Kraft  $F$ , welche eine Rotation der Seilrolle verhindert.

$$\left[ \text{Ergebnis: } F = \frac{W}{\mu_0} \cdot \frac{(b + c \cdot \mu_0)}{(a + b)} \right]$$



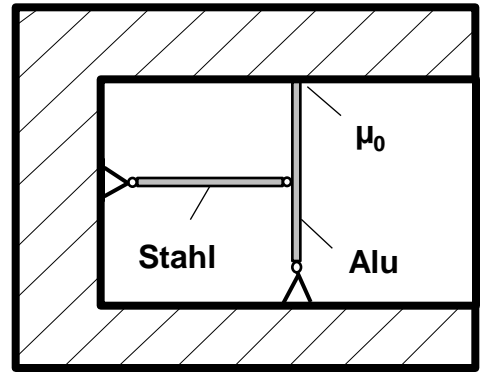
### Aufgabe 3: Reibung und thermische Spannung/Dehnung (8 Punkte)

In einem geschlossenen Kasten sind zwei Streben gleicher Geometrie, aber verschiedener Materialien gemäß Skizze angeordnet. Das Stahl-Bauteil greife in der Mitte des Aluminium-Bauteils an, welches seinerseits an die obere Wand ohne Spiel kraftlos angelehnt sei.

Daten:

- Stahl: E-Modul:  $E_{St} = 210.000 \text{ N/mm}^2$ ;  
 Wärmeausdehnungskoeffizient:  $\alpha_{St} = 12 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ ;  
 Aluminium: E-Modul:  $E_{Al} = 80.000 \text{ N/mm}^2$ ;  
 Wärmeausdehnungskoeffizient:  $\alpha_{Al} = 23 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ ;

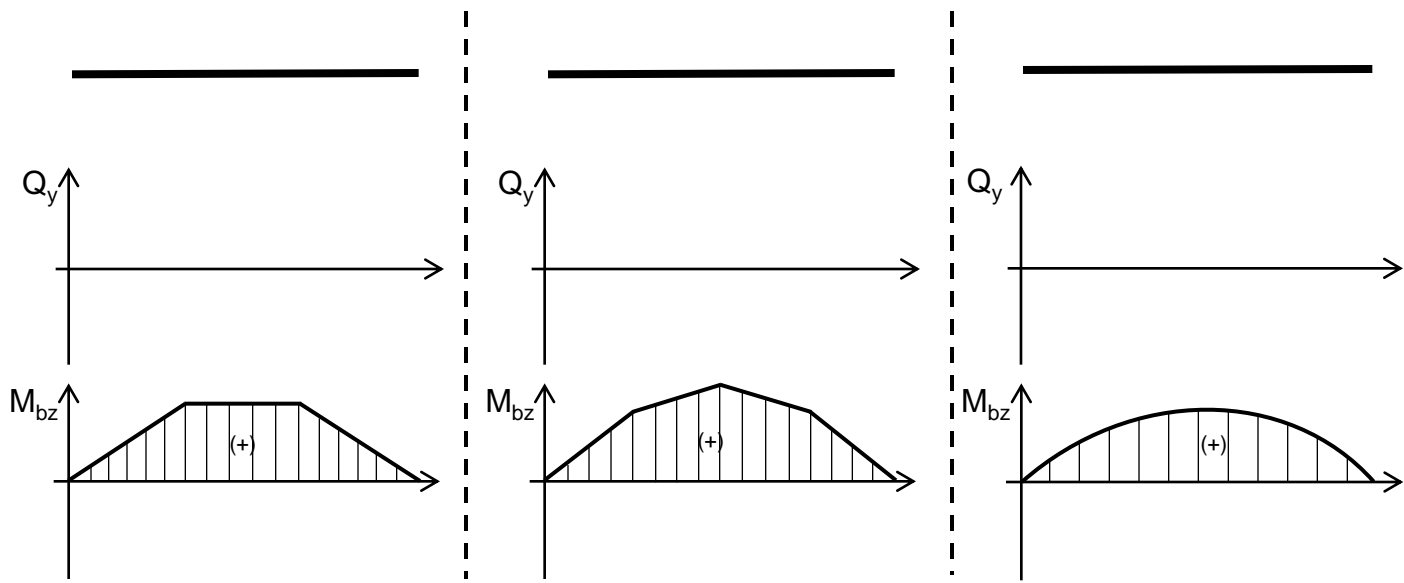
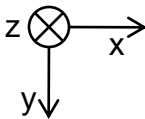
Wie groß muß die Haftreibungszahl  $\mu_0$  an der oberen Wand mindestens sein, damit es dort bei gleichmäßiger Erwärmung beider Streben nicht zum Durchrutschen kommt? [ $\mu_0 = 0,68$ ]



### Aufgabe 4: Schnittlasten I (12 Punkte)

Gegeben sind drei verschiedene Biegemomentenverläufe  $M_b$ . Vervollständigen Sie qualitativ:

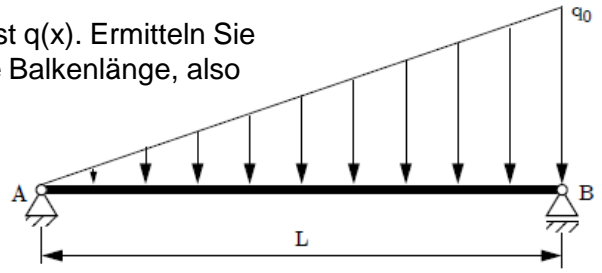
- Die Verläufe der jeweiligen Querkraft  $Q$ .
- Die zugehörige Belastung des Balkens sowie seine Lagerung.



### Aufgabe 5: Schnittlasten II (10 Punkte)

Auf den dargestellten Balken wirke eine lineare Streckenlast  $q(x)$ . Ermitteln Sie die Gleichungen folgender Verläufe jeweils für die gesamte Balkenlänge, also für  $0 < x < L$  (Verläufe nur berechnen, nicht zeichnen!):

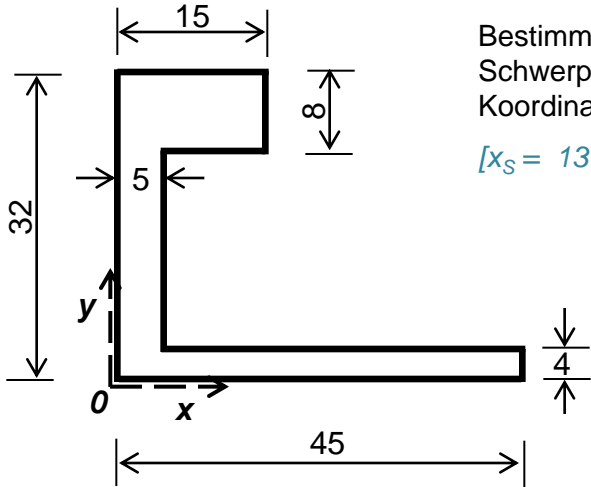
- Streckenlast  $q(x)$
- Querkraft  $Q(x)$  und Biegemoment  $M(x)$



$$\left[ \text{zu a): } q(x) = q_0 \cdot \frac{x}{L} \right]$$

$$\left[ \text{zu b): } Q(x) = \frac{q_0}{2 \cdot L} \cdot \left( \frac{L^2}{3} - x^2 \right) \quad \text{und} \quad M(x) = \frac{q_0 \cdot x}{6 \cdot L} \cdot (L^2 - x^2) \right]$$

### Aufgabe 6: Schwerpunkt (8 Punkte)



Bestimmen Sie für das dargestellte Profil die Koordinaten des Schwerpunktes, bezogen auf das gegebene x-y-Koordinatensystem mit dem Ursprung 0 in der linken unteren Ecke.

$$[x_S = 13 \text{ mm}] ; [y_S = 12,8 \text{ mm}]$$

### Aufgabe 7: Fragen zur Festigkeit von Bauteilen (7 Punkte)

- Welche Materialart reißt bei Zugbelastung unter einem Winkel von ca.  $45^\circ$  bzgl. der Balkenachse und warum?  
*[duktiler Werkstoff; reißt aufgrund maximaler Schubspannung entlang der Gleitebenen]*
- Was versteht man unter dem Materialgesetz? *[Linearität zw. Spannung und Dehnung]*  $[\sigma = E \cdot \varepsilon]$
- Welcher typischer Wert lässt sich aus dem Smith-Diagramm ermitteln? *[Dauerfestigkeit:  $\sigma_A$ ]*
- Wie heißt das aus dem Smith-Diagramm hervorgehende Diagramm, welches die konkreten Bauteildetails berücksichtigt?  
*[Gestaltfestigkeitsdiagramm]*
- Zur Ermittlung einer Wöhlerkurve wird die Spannung über welcher Größe aufgetragen?  
*[Lastspielzahl N]*
- Wie ist Dauerfestigkeit definiert? *[Spannung, welche theoretisch unendlich oft ertragen wird ( $>10^6$ )]*

### Aufgabe 8: Spannungen am fest eingespannten Balken (25 Punkte)

Der skizzierte Balken ist mit 4 gleich große Kräfte  $F$  belastet.

Gegeben:

Höhe:  $H = 300 \text{ mm}$

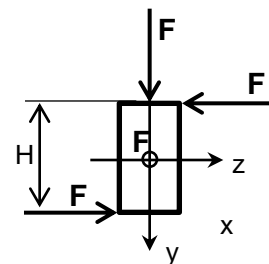
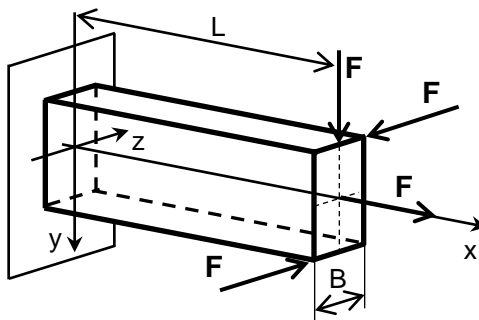
Breite:  $B = 100 \text{ mm}$

Länge:  $L = 1 \text{ m}$

Kraft:  $F = 150 \text{ kN}$

Widerstandsmom. gegen Torsion:

$W_t = 800.000 \text{ mm}^3$



- a) Vervollständigen Sie die Tabelle, d.h. füllen Sie sämtliche freien Felder aus, indem Sie sowohl die Werte der Spannungen in  $\text{N/mm}^2$ , als auch die Koordinaten der jeweiligen Spannungen bzgl. des gegebenen x-y-z-Koordinatensystems eintragen (gemäß eingetragem Beispiel)

	Spannung in [N/mm <sup>2</sup> ]	x	y	z
Bsp: Ort feste Einspannung	<del>                    </del>	0	beliebig	beliebig
$\sigma_{b,\max}$	[100]	[0]	[± H/2]	[beliebig]
$\sigma_b$	0	[L]	[beliebig]	[beliebig]
		[beliebig]	[0]	[beliebig]
$\sigma_b$	[-50]	0	+ H/4	beliebig
$\sigma_b$	[-25]	L/2	+ H/4	beliebig
$\sigma_{zD,\max}$	[5]	[beliebig]	[beliebig]	[beliebig]
$\tau_{Q,\max}$	[7,5]	[beliebig]	[0]	[beliebig]
$\tau_{t,\max}$	[56,3]	[beliebig]	[0]	[± B/2]

- b) Warum wird die Schubspannung  $\tau_Q$  infolge Querkraft bei Sicherheitsberechnungen häufig vernachlässigt?

[meist klein gegen  $\sigma_b$ ; Maxima von  $\sigma_b$  und  $\tau_Q$  an unterschiedlichen Stellen]

- c) Geben Sie die Koordinaten der Faser im Längsschnitt des Balkens an, welche die maximale Tangentialspannung infolge Torsion  $\tau_{t,\max}$  trägt (Schubspannung  $\tau_Q$  hier vernachlässigen!) und begründen Sie dies mit einem Fachbegriff.

Koordinaten: [x = beliebig ; y = 0 ; z = ± B/2] ; Begründung: [zugeordnete Schubspannung]

- d) Welches Problem ergibt sich am obigen Balken bei der Berechnung der Vergleichsspannung. (Schubspannung  $\tau_Q$  hier vernachlässigen!)

[Torsionsspannung ist dort maximal, wo Biegespannung verschwindet]